

Naloga 1: **$4 + 3 + 3 + 4$ točk**

Naj bodo točke $A(-2, 3, 1)$, $B(4, 5, -3)$ in $C(1, 1, -4)$ oglišča trikotnika.

- a) Določi razpolovišče daljice AB in težišče trikotnika ABC .
- b) Izračunaj razdaljo med točkama A in B .
- c) Določi točko D , da bo $ABCD$ paralelogram.
- d) Kakšen kot oklepa krajevni vektor točke C z abscisno osjo?

Naloga 2:

3 + 4 točk

Vektor \vec{a} je enotski, vektor \vec{b} pa 5. Med njima je kot $\varphi = 60^\circ$.

- Izračunaj skalarni produkt $(3\vec{a} - \vec{b}) \cdot \vec{b}$.
- Koliko meri dolžina vektorja $\vec{c} = 3\vec{a} - \vec{b}$?

Naloga 3:

6 točk

V pravilnem šestkotniku $ABCDEF$ s središčem S je točka M razpolovišče roba AB , točka N pa razdeli DE v razmerju $|DN| : |NE| = 2 : 1$. Izrazi vektorje \overrightarrow{FM} , \overrightarrow{NS} in \overrightarrow{MN} z vektorjema $\vec{a} = \overrightarrow{AB}$, $\vec{b} = \overrightarrow{AS}$.

Naloga 4:

4 + 3 + 3 točk

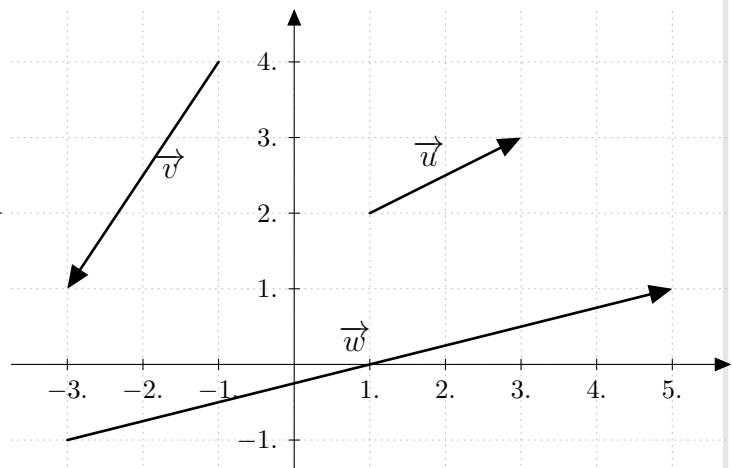
Točka C razdeli daljico AB s krajiščema $A(4, -1, 3)$ in $B(-1, 9, -12)$ v razmerju $|AC| : |CB| = 2 : 3$.

- a) Določi točko C .
- b) Določi m , da bo vektor $\vec{u} = (m, 2m, 2)$ pravokoten na krajevni vektor točke A .
- c) Določi m in n , do bo vektor $\vec{v} = (m, n, -6)$ vzporeden s krajevnim vektorjem točke A .

Naloga 5:

3 + 2 + 4 točk

- a) Zapiši vektorje \vec{u} , \vec{v} , \vec{w} v ortonormirani bazi.
b) Kateri vektor dobimo z linearno kombinacijo $\vec{u} + 2\vec{v} - \frac{1}{2}\vec{w}$?
c) Izrazi \vec{w} z linearno kombinacijo \vec{u} in \vec{v} .

**Kriterij ocenjevanja:****število možnih točk na testu:** 46

ocena	1	2	3	4	5	število osvojenih točk	OCENA
%	0 – 44	45 – 59	60 – 74	75 – 89	90 – 100		

1. a) $S(1, 4, -1), T(1, 3, -2)$

b) $d(A, B) = 2\sqrt{14}$

c) $D(-5, -1, 0)$

d) $\varphi = \arccos \frac{\sqrt{2}}{6}$

2. a) $(3\vec{a} - \vec{b}) \cdot \vec{b} = -\frac{35}{2},$

b) $|\vec{c}| = \sqrt{19}$

3. $\overrightarrow{FM} = \frac{3}{2}\vec{a} - \vec{b}, \overrightarrow{NS} = \frac{2}{3}\vec{a} - \vec{b}, \overrightarrow{MN} = -\frac{7}{6}\vec{a} + 2\vec{b}$

4. $C(2, 3, -3)$, b) $m = -3$, c) $m = -8, n = 2$

5. a) $\vec{u} = (2, 1), \vec{v} = (-2, -3), \vec{w} = (8, 2)$

b) $\vec{u} + 2\vec{v} - \frac{1}{2}\vec{w} = (-6, -6)$

c) $5\vec{u} + \vec{v} = \vec{w}$